

< 中 2 分野 例題付き公式集 >

(1)  $(a^m)^n = a^{m \times n}$

(例題)  $(x^3)^2$

(解)  $(x^3)^2 = x^{3 \times 2} = x^6$

(2)  $a^m \times a^n = a^{m+n}$

(例題)  $x^3 \times x^2$

(解)  $x^3 \times x^2 = x^{3+2} = x^5$

(3)  $(ab)^m = a^m b^m$

(例題)  $(-x^3 y z^2)^4$

(解)  $(-x^3 y z^2)^4 = (-1)^4 x^{3 \times 4} y^{1 \times 4} z^{2 \times 4} = x^{12} y^4 z^8$

(4)  $x$  軸を表す直線の式は  $\rightarrow y = 0$

(例題) 直線  $y = 2x + 4$  と  $x$  軸との交点の座標は

(解)  $y = 2x + 4$  と  $y = 0$  を連立し、  
 $x = -2$ 。よって  $(-2, 0)$

(5)  $y$  軸を表す直線の式は  $\rightarrow x = 0$

(例題) 直線  $y = 2x - 1$  と  $y$  軸との交点の座標は

(解)  $y = 2x - 1$  と  $x = 0$  を連立し、  
 $y = -1$ 。よって  $(0, -1)$

(6) 点  $(t, 0)$  を通り、 $y$  軸に平行な直線の式は  $\rightarrow x = t$

(例題) 点  $(-2, 0)$  を通り、 $y$  軸に平行な直線の式は

(解)  $x = -2$

(7) 点  $(0, s)$  を通り、 $x$  軸に平行な直線の式は  $\rightarrow y = s$

(例題) 点  $(0, 3)$  を通り、 $x$  軸に平行な直線の式は

(解)  $y = 3$

(8) 点  $(x, y)$  と  $x$  軸対称の座標は  $\rightarrow (x, -y)$

(例題) 点  $(-2, 3)$  と  $x$  軸対称の座標は

(解)  $(-2, -3)$

(9) 点  $(x, y)$  と  $y$  軸対称の座標は  $\rightarrow (-x, y)$

(例題) 点  $(5, 1)$  と  $y$  軸対称の座標は

(解)  $(-5, 1)$

(10) 点  $(x, y)$  と原点对称の座標は  $\rightarrow (-x, -y)$

(例題) 点  $(-4, -3)$  と原点对称の座標は

(解)  $(4, 3)$

(11) 直線  $y = ax + b$  に平行な直線の傾きは  $\rightarrow a$  (2 直線の傾きが等しくなる)

(例題) 点  $(2, 3)$  を通り、直線  $y = 3x - 1$  に平行な直線の式は

(解)  $y = 3x + b$  に点  $(2, 3)$  を代入し、  
 $b = -3$ 。よって  $y = 3x - 3$

<中2分野 例題付き公式集>

(12) 直線  $y = ax + b$  に垂直な直線の傾きは  $\rightarrow -\frac{1}{a}$  (2直線の傾きどうしの積が-1となる)

(例題) 点(1, 2)を通り、直線  $y = -\frac{1}{3}x + 2$  に垂直な直線の式は

(解)  $y = 3x + b$  に点(1, 2)を代入し、  
 $b = -1$ 。よって  $y = 3x - 1$

(13)  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$  の中点の座標は  $\rightarrow \left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

(例題) 2点  $A(-3, 2), B(5, 4)$  の中点の座標は

(解)  $\left( \frac{-3+5}{2}, \frac{2+4}{2} \right) = (1, 3)$

(14)  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$  のとき、線分  $AB$  を  $a : b$  に分ける点の座標は  $\rightarrow \left( \frac{bx_1 + ax_2}{a+b}, \frac{by_1 + ay_2}{a+b} \right)$

(例題) 2点  $A(-3, 2), B(5, 4)$  のとき、線分  $AB$  を  $3:1$  に分ける点の座標は

(解)  $\left( \frac{1 \times (-3) + 3 \times 5}{3+1}, \frac{1 \times 2 + 3 \times 4}{3+1} \right) = \left( 3, \frac{7}{2} \right)$

(15)  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2), C(x_3, y_3)$  のとき、 $\triangle ABC$  の重心の座標は  $\rightarrow \left( \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3} \right)$

(例題) 3点  $A(-3, 2), B(5, 4), C(1, -3)$  のとき、 $\triangle ABC$  の重心の座標は

(解)  $\left( \frac{-3+5+1}{3}, \frac{2+4-3}{3} \right) = (1, 1)$

(16)  $n$  角形の内角の和は  $\rightarrow 180(n-2)^\circ$

(例題) 内角の和が  $1260^\circ$  となる多角形は何角形か

(解)  $180(n-2) = 1260$   
 $n-2=7 \rightarrow n=9$  角形

(17)  $n$  角形の外角の和は  $\rightarrow 360^\circ$

(例題) 1つの内角が  $150^\circ$  となる正多角形は正何角形か

(解) 1つの外角は  $180-150=30$  より、  
 $n = 360 \div 30 = 12 \rightarrow$  正十二角形

(18)  $n$  角形の対角線の本数は  $\rightarrow \frac{n(n-3)}{2}$  (本)

(例題) 九角形の対角線の本数は何本か

(解)  $\frac{9(9-3)}{2} = 27$  本

(19) 平行四辺形になるための条件は  $\rightarrow$

(例題) 四角形  $ABCD$  にそれぞれ次の関係が成り立つとき、平行四辺形となるものはどれか。

- ㉞  $AB = DC, AD \parallel BC$     ㉟  $AD = BC, AB = DC$   
㊱  $\angle A = \angle C = 105^\circ, \angle B = 75^\circ$     ㊲  $AC = BD$

- ① 2組の対辺がそれぞれ等しい  
② 2組の対角がそれぞれ等しい  
③ 2組の対辺がそれぞれ平行  
④ 1組の対辺が平行でその長さが等しい  
⑤ 対角線が互いに他を2等分する

(解) ㉞ (条件①より)、㊱ (条件②より)

(20) 平行四辺形が長方形になるための条件  $\rightarrow$

- ① 1つの角を  $90^\circ$  にする  
② 対角線の長さを等しくする

(21) 平行四辺形がひし形になるための条件  $\rightarrow$

- ① となり合う辺の長さを等しくする  
② 対角線を直交させる

(20) (21) 共通 (例題)

平行四辺形  $ABCD$  に、それぞれ次の条件を加えると、どのような四角形となるか。

- ㉞  $\angle C = 90^\circ$     ㉟  $AB = BC$   
㊱  $AC = BD$     ㊲  $\angle A = 90^\circ, BC = DC$

(解) ㉞ 長方形、㉟ ひし形、㊱ 長方形、㊲ 正方形