

<中1分野 例題付き公式集>

(1) x 円の $a\%$ 増し → $x \times (1 + \frac{a}{100})$

(例題) a 円の 20% 増しはいくらか

(解) $a(1 + \frac{20}{100}) = \frac{120}{100}a = \underline{\underline{\frac{6}{5}a}}$ (円)

(2) x 円の $a\%$ 引き → $x \times (1 - \frac{a}{100})$

(例題) x 円の 25% 引きはいくらか

(解) $x(1 - \frac{25}{100}) = \frac{75}{100}x = \underline{\underline{\frac{3}{4}x}}$ (円)

(3) x 円の a 割増し → $x \times (1 + \frac{a}{10})$

(例題) 1000 円の a 割増しはいくらか

(解) $1000(1 + \frac{a}{10})$ 円

(4) x 円の a 割引き → $x \times (1 - \frac{a}{10})$

(例題) x 円の 3 割引きはいくらか

(解) $x(1 - \frac{3}{10}) = \underline{\underline{\frac{7}{10}x}}$ (円)

(5) 食塩水の濃度(%) → $\frac{\text{食塩の量}}{\text{食塩水全体の量}} \times 100$

(例題) 100g の水に $a\text{g}$ の食塩を溶かしたときの濃度は

(解) $\frac{a}{100+a} \times 100 = \underline{\underline{\frac{100a}{100+a}}}$ (%)

(6) 食塩の量(g) → 食塩水全体の量 $\times \frac{\%}{100}$

(例題) 3% の食塩水 $x\text{g}$ 中の食塩の量は

(解) $x \times \frac{3}{100} = \underline{\underline{\frac{3}{100}x}}$ (g)

(7) y は x に比例 → $y = ax$

(例題) y は x に比例し、 $x=2$ のとき $y=6$ である。 y を x の式で表せ

(解) $y = ax$ に $x=2$ 、 $y=6$ を代入すると、 $a=3$ 。よって $y = \underline{\underline{3x}}$

(8) y は $x+b$ に比例 → $y = a(x+b)$

(例題) y は $x+2$ に比例し、 $x=2$ のとき $y=6$ である。 y を x の式で表せ

(解) $y = a(x+2)$ に $x=2$ 、 $y=6$ を代入すると、 $a = \frac{3}{2}$ 。よって $y = \underline{\underline{\frac{3}{2}(x+2)}}$

(9) $y+b$ は x に比例 → $y+b = ax$

(例題) $y+2$ は x に比例し、 $x=2$ のとき $y=6$ である。 y を x の式で表せ

(解) $y+2 = ax$ に $x=2$ 、 $y=6$ を代入すると $a=4$ 。よって $y+2 = 4x \rightarrow y = \underline{\underline{4x-2}}$

(10) y は x に反比例 → $y = \frac{a}{x}$ 、 $xy = a$

(例題) y は x に反比例し、 $x=2$ のとき $y=6$ である。 y を x の式で表せ

(解) $xy = a$ に $x=2$ 、 $y=6$ を代入すると、 $a=12$ 。よって $y = \underline{\underline{\frac{12}{x}}}$

(11) y は $x+b$ に反比例 → $y = \frac{a}{x+b}$ 、 $(x+b)y = a$

(例題) y は $x+2$ に反比例し、 $x=2$ のとき $y=6$ である。 y を x の式で表せ

(解) $(x+2)y = a$ に $x=2$ 、 $y=6$ を代入すると、 $a=24$ 。よって $y = \underline{\underline{\frac{24}{x+2}}}$

<中1分野 例題付き公式集>

(12) 半径 r 、中心角 x° のおうぎ形の弧の長さ l は → $l = 2\pi r \times \frac{x}{360}$

(例題) 半径 3cm、中心角 x° のおうぎ形の弧の長さは

(解) $6\pi \times \frac{x}{360} = \frac{1}{60}\pi x$ (cm)

(13) 半径 r 、弧の長さ l のおうぎ形の面積 S は → $S = \frac{1}{2}lr$

(例題) 半径 4cm、弧の長さ π cm のおうぎ形の面積は

(解) $\frac{1}{2} \times \pi \times 4 = 2\pi$ (cm²)

(14) 柱体の体積 V は → $V = \text{底面積} \times \text{高さ}$

(例題) 底面が半径 r cm の円で、高さ h cm の円柱の体積は

(解) $\pi r^2 \times h = \pi r^2 h$ (cm³)

(15) 錐体の体積 V は → $V = \text{底面積} \times \text{高さ} \times \frac{1}{3}$

(例題) 底面が半径 r cm の円で、高さ h cm の円錐の体積は

(解) $\pi r^2 \times h \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3}\pi r^2 h$ (cm³)

(16) 底面の円の半径 r 、母線の長さ l の円すいの側面積 → $\pi l r$

(例題) 底面が半径 3cm の円で、母線の長さが 5cm の円錐の側面積は

(解) $\pi \times 3 \times 5 = 15\pi$ (cm²)

(17) 底面の円の半径 r 、母線の長さ l の円すいの展開図における中心角 → $360 \times \frac{r}{l}$

(例題) 底面が半径 3cm、母線が 5cm の円錐の展開図におけるおうぎ形の中心角は

(解) $360 \times \frac{3}{5} = 216^\circ$

(18) 正多面体の種類は → 正四面体、正六面体、正八面体、正十二面体、正二十面体の 5 種類

(例題) 正多面体のうち、面の形が正三角形となるものは

(解) 正四面体・正八面体・正二十面体

(19) 正多面体の面の数を F 、頂点の数を V 、辺の数を E と

したとき、この 3 つの数の間に成り立つ関係は

→ $F + V - E = 2$

(例題) 正八面体の辺の数は

(解) 正八面体の面の数は 8 面、頂点の数は 6 個なので、辺の数 = $8 + 6 - 2 = 12$ 本

(20) 半径 r の球の表面積 S は → $S = 4\pi r^2$

(例題) 半径 3cm の球の表面積は

(解) $4\pi \times 3^2 = 36\pi$ (cm²)

(21) 半径 r の球の体積 V は → $V = \frac{4\pi r^3}{3}$

(例題) 半径 3cm の球の体積は

(解) $\frac{4\pi \times 3^3}{3} = 36\pi$ (cm³)