

<解> PART5

[問1] (与式)  $= \frac{3^1}{4} \times \frac{5}{3_1} - \frac{1}{12} \div \frac{1}{3}$   
 $= \frac{5}{4} - \frac{1}{12_4} \times \frac{3^1}{1}$   
 $= \frac{4}{4} = 1$  (答) 1

[問2] (与式) に  $x = -1$ 、 $y = 3$  をそれぞれ代入

$$\begin{cases} b-3a=-3 \\ -3a+6b=12 \end{cases} \longrightarrow \begin{array}{r} -3a+b=-3 \\ -) -3a+6b=12 \\ \hline -5b=-15 \end{array}$$

$b=3, a=2$  (答)  $a=2, b=3$

[問3]  $x^2+5x=A$  とおくと (与式を置き換えできるときはまず置き換えをする)

(与式)  $= A^2+10A+24$   
 $= (A+4)(A+6)$   
 $= (x^2+5x+4)(x^2+5x+6)$   
 $= (x+1)(x+4)(x+2)(x+3)$   $\curvearrowright$  因数分解できるときは、必ず最後まで続ける。

(答)  $(x+1)(x+4)(x+2)(x+3)$

[問4] (i)  $a > 0$  のときの  $x$  と  $y$  の対応は、

$$\begin{cases} -2 \leq x \leq 1 \\ -3 \leq y \leq 9 \end{cases} \longrightarrow (-2, -3), (1, 9) \dots \textcircled{1}$$

(ii)  $a < 0$  のときの  $x$  と  $y$  の対応は、

$$\begin{cases} -2 \leq x \leq \textcircled{1} \\ \textcircled{-3} \leq y \leq 9 \end{cases} \longrightarrow (-2, 9), (1, -3) \dots \textcircled{2}$$

一次関数では、 $a$  の正・負により、 $x, y$  の変域の対応の仕方が変わってくる！

題意より、グラフは右上がり、すなわち  $a > 0$  とわかり、 $x$  と  $y$  の対応は、 $\textcircled{1}$  とわかる。

$y = ax + b$  に  $\textcircled{1}$  をそれぞれ代入して、 $a = 4, b = 5$  (答)  $(a, b) = (4, 5)$

[問5]  $\sqrt{5} = 2.236\dots$  より、 $5 - \sqrt{5} \div 5 - 2.236 = 2.764 \rightarrow$  整数部分 = 2

[小数部分 = (与えられた $\sqrt$ の式) - 整数部分] より、

$$a = (5 - \sqrt{5}) - 2 = 3 - \sqrt{5}$$

((与式)に代入)  $a^2 - 6a + 10$   
 $= (3 - \sqrt{5})^2 - 6(3 - \sqrt{5}) + 10$   
 $= 9 - 6\sqrt{5} + 5 - 18 + 6\sqrt{5} + 10$   
 $= 6$

(答) 6

別解  $\left( \begin{array}{l} \text{次数下げ} \\ \text{の利用} \end{array} \right) a = 3 - \sqrt{5}$   
 $(a - 3)^2 = (-\sqrt{5})^2$   
 $a^2 - 6a + 9 = 5$   
 $a^2 - 6a = -4$

(与式)  $= a^2 - 6a + 10 = -4 + 10 = 6$

[問6]  $x - 3 = A$  とおくと  $A^2 = 3(2A - 3)$

$$A^2 - 6A + 9 = 0$$

$$(A - 3)^2 = 0$$

$$(x - 6)^2 = 0$$

$$x = 6$$

(答)  $x = 6$